



МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
**Куйбышевский филиал федерального государственного бюджетного
образовательного учреждения высшего образования «Новосибирский
государственный педагогический университет»**

УТВЕРЖДАЮ

Декан

Факультета психолого-педагогического
образования

Е.А.Завершинская

(подпись)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Дискретные модели в информатике

Направление подготовки:

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль):
Математика и Информатика

Уровень высшего образования:
бакалавриат

Форма обучения:
очная

Куйбышев 2025

СОСТАВИТЕЛИ:

Кандидат педагогических наук, доцент, заведующий кафедрой математики, информатики и методики преподавания И. А. Дудковская

РЕКОМЕНДОВАНО К ИСПОЛЬЗОВАНИЮ В УЧЕБНОМ ПРОЦЕССЕ

на заседании Ученого совета КФ ФГБОУ ВО «НГПУ» (протокол №9 от 22.04.2025 г.)

1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

1.1 Цель освоения дисциплины:

- формирование представлений о понятиях и методах в области исследования конечных математических структур и привитие математической культуры мышления с помощью тщательно отобранного материала;
- формирование представлений о постановке задач в области дискретной математики; умений и навыков преобразования и вычисления конечных сумм и решения рекуррентных соотношений; знаний об основных понятиях комбинаторики и теории графов;
- углубление, обобщение и систематизация знаний, умений, и навыков по использованию асимптотической аннотации при решении задач дискретной математики.

1.2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Программа дисциплины разработана в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденным приказом Минобрнауки России от 08.02.2021 г. №125, профессиональным стандартом: педагог (педагогическая деятельность в сфере дошкольного, начального общего, основного общего, среднего общего образования) (воспитатель, учитель), утвержденным приказом Министерства труда и социальной защиты Российской Федерации от 18.10.2013 г. №544н.

Дисциплина относится к обязательной части блока 1 «Дисциплины» учебного плана образовательной программы, изучается в 2 семестре. Трудоемкость дисциплины: 3 ЗЕ / 108 часов, в том числе 26 часов - контактная работа с преподавателем, 48 часов - самостоятельная работа (таблица 2).

1.3 Планируемые результаты обучения по дисциплине

Дисциплина направлена на формирование компетенции(-ий), представленных в таблице 1.

Таблица 1

Планируемые результаты обучения по дисциплине

Код и наименование компетенции	
Индикаторы достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен осуществлять профессиональную деятельность в соответствии с нормативно-правовыми актами в сфере образования и нормами профессиональной этики	
ОПК-1.1 Понимает и объясняет сущность приоритетных направлений развития образовательной системы Российской Федерации, законов и иных нормативно-правовых актов, регламентирующих образовательную деятельность в Российской Федерации, нормативных документов по вопросам обучения и воспитания детей и молодежи, федеральных государственных образовательных стандартов дошкольного, начального общего, основного общего, среднего общего, среднего профессионального образования, профессионального обучения, законодательства о правах ребенка, трудового законодательства.	Знать: - приоритетные направления развития системы образования Российской Федерации; - нормативные документы по вопросам обучения и воспитания детей и молодежи; - федеральные государственные образовательные стандарты основного общего, среднего общего образования по информатике.
ОПК-1.2 Применяет в своей деятельности основные нормативно-правовые акты в сфере образования и нормы профессиональной этики, обеспечивает конфиденциальность сведений о субъектах образовательных отношений, полученных в процессе профессиональной деятельности.	Уметь: применять основные нормативно-правовые акты в сфере образования в области информатики. Владеть: действиями по соблюдению правовых, нравственных и этических норм, требований профессиональной этики в

процессе обучения
информатике.

2 СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Второй семестр

Тема 1. Теория множеств.

Множества. Операции над множествами. Задачи комбинаторики.

Тема 2. Алгоритмы на графах.

Представления графов. Метод поиска в ширину и глубину. Нахождение эйлерова цикла. Выделение компонент связности. Остовные деревья. Минимальное остовное дерево. Кратчайшие пути на графе.

Тема 3. Математическая логика.

Булева алгебра и логика высказываний. Представление формул в конъюнктивной и дизъюнктивной нормальных формах. Логическое следствие. Логика предикатов первого порядка.

Содержание работ по дисциплине

Таблица 2

Содержание работы	Виды и формы работы, час					Всего, час	Код компетенции	
	Контактная работа				т.ч. в форм.е			
пр ак тическ ая	лекц ии	зан ятия	прак тическ ые					
Второй семестр								
Тема 1. Теория множеств.	2		4		16	22	ОПК-1	
Тема 2. Алгоритмы на графах.	4		4(4)		16	24	ОПК-1	
Тема 3. Математическая логика.	4		6		16	26	ОПК-1	
Подготовка к экзамену				2	34	36	ОПК-1	
Итого по дисциплине	10		14(4)	2	82	108		

* В случае проведения контактной или самостоятельной работы в форме практической подготовки, часы на практическую подготовку указываются в скобках.

3 МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Для успешного освоения дисциплины следует ознакомиться с содержанием разделов и тем по дисциплине (см. п. 2), следовать технологической карте при выполнении самостоятельной работы (табл. 3), использовать рекомендованные ресурсы (п. 4) и выполнять требования внутренних стандартов университета.

4 УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1 Основная учебная литература

1. Баврин И. И. Дискретная математика : учебник и задачник для прикладного бакалавриата по естественнонауч. направлениям и специальностям : рекомендовано УМО вузов РФ / И. И. Баврин ; Моск. пед. гос. ун-т. - Москва :Юрайт, 2015. - 208 с. - (Бакалавр.Прикладной курс). - Библиогр.: с. 207. - ISBN 978-5-9916-5218-6
2. Баврин И. И. Математика : учебник для вузов по направлениям "Педагогическое образование", "Психолого-педагогическое образование" : допущено М-вом образования и науки РФ / И. И. Баврин. - 9-е изд., испр. и доп. - Москва : Академия, 2011. - 624 с. - (Высшее профессиональное образование.Педагогическое образование) (Бакалавриат). - Прилож.: табл. значений. - Библиогр.: с. 615. - бакалавры. - ISBN 978-5-7695-7999-8

4.2. Дополнительная учебная литература

3. Ерусалимский Я.М. Дискретная математика : теория, задачи, приложения : учебное пособие / Я. М. Ерусалимский. - 3-е изд. - Москва : Вузовская книга, 2000. - 280 с.
4. Новиков Ф.А. Дискретная математика для программистов : учебник для вузов / Ф. А. Новиков. - Санкт-Петербург : Питер, 2001. - 304 с.
5. Плотников А.Д. Дискретная математика : учебное пособие / А. Д. Плотников. - 2-е изд., испр. и доп. - Москва : Новое знание, 2006. - 288 с.
6. Спирина М.С. Дискретная математика : учебник для сред.учреждений проф. образования : допущено М-вом образования РФ / М. С. Спирина, П. А. Спирина. - Москва : Академия, 2004. - 368 с.

4.3. Ресурсы открытого доступа:

7. Научная педагогическая электронная библиотека [Электронный ресурс]. URL:
<http://elib.gnpbu.ru/>
8. Персональные сайты преподавателей КФ ФГБОУ ВО «НГПУ» / <https://prepod.nspu.ru/>

4.4 Технологическая карта самостоятельной работы студента

Таблица 3

Темы дисциплины	Перечень учебно-методического обеспечения (номер источника из п.п. 4.1-4.3)
Задания для самостоятельной работы	
Второй семестр	
Тема 1. Теория множеств	Основная учебная литература: 1, 2 Дополнительная учебная литература: 3, 4, 5, 6
Самостоятельная подготовка дополнительного материала.	
Тема 2. Алгоритмы на графах	Основная учебная литература: 1, 2 Дополнительная учебная литература: 3, 4, 5, 6
Самостоятельная подготовка дополнительного материала.	
Тема 3. Математическая логика.	Основная учебная литература: 1, 2 Дополнительная учебная литература: 3, 4, 5, 6
<i>Задания для типовых контрольных работ</i>	
1. Пользуясь законами равносильности, упростите следующие формулы логики	

высказываний

- 1) $A \rightarrow (B \rightarrow (A \& B))$;
- 2) $(A \vee B) \& (A \vee \bar{B})$;
- 3) $\overline{A \vee B} \vee (\bar{A} \& B)$;
- 4) $A \rightarrow \overline{B \& C}$;

2. Докажите, что следующие формулы логики высказываний являются тавтологиями:

- 1) $(A \& B) \rightarrow A$;
- 2) $(A \rightarrow B) \rightarrow (\bar{B} \rightarrow \bar{A})$;
- 3) $; A \rightarrow (A \vee B)$.

3. Запишите каждую формулу булевой алгебры в ДНФ, КНФ, СДНФ, СКНФ
 $A \& (A \rightarrow B)$; 2) $(A \rightarrow B) \rightarrow (B \rightarrow A)$; 3) $(A \vee \bar{C}) \rightarrow (B \& C)$;

4. Найдите отрицания следующих формул:

- 1) $\forall x(P(x) \& Q(x))$;
- 2) $\exists x(P(x) \vee Q(x))$;
- 3) $\forall x \exists y(R(x,y) \rightarrow L(x,y))$;

5. Введите предикаты на соответствующих множествах и запишите при их помощи следующие высказывания в виде формул логики предикатов:

а) существует такое целое число x , что $x^2 - 4 = 0$;

б) для любого действительного числа x существует такое действительно число y , что $y^2 = x$;

в) для любого целого числа x , если $x > 2$, то $x^2 > 9$.

6. найдите отрицания следующих формул:

- 4) $\forall x(P(x) \& Q(x))$;
- 5) $\exists x(P(x) \vee Q(x))$;
- 6) $\forall x \exists y(R(x,y) \rightarrow L(x,y))$;

7. Найдите отрицание высказывания «некоторые люди носят очки»

Подготовка к экзамену

Основная учебная литература: 1, 2

Дополнительная учебная литература: 3, 4, 5, 6

5 РЕСУРСЫ, НЕОБХОДИМЫЕ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ

5.1 Информационные технологии

Образовательный процесс осуществляется с применением локальных и распределенных информационных технологий (таблицы 4, 5).

Локальные информационные технологии

Таблица 4

Группа программных средств	Перечень лицензионного и свободно распространяемого программного обеспечения, в том числе отечественного производства	Аудитория	Реквизиты подтверждающего документа
Офисные программы	LibreOffice	102, 209, 212	https://ru.libreoffice.org/about-us/license
Операционные системы	Manjaro Linux XFCE & KDE	102, 209, 212	http://gostrf.com/normadata/1/4293798/4293798256.htm
Научные расчеты	<ul style="list-style-type: none">• SageMath• Scilab• Maxima• PSPP• Среда статистических вычислений R	102, 209, 212	http://gostrf.com/normadata/1/4293798/4293798256.htm
Графические редакторы	GIMP	102, 209, 212	https://www.gimp.org/about/COPYING
Браузеры (веб-обозреватели)	Firefox	102, 209, 212	https://rusgpl.ru/

Распределенные информационные технологии

Таблица 5

Группа	Наименование
	Электронная библиотека НГПУ http://lib.nspu.ru
	Электронная библиотека КФ ФГБОУ ВО «НГПУ» http://lib.kbnspu.ru/
Библиотеки и образовательные ресурсы (в том числе персональные сайты преподавателей КФ ФГБОУ ВО «НГПУ»)	Персональные сайты преподавателей КФ ФГБОУ ВО «НГПУ» http://prepod.nspu.ru
	Система электронных портфолио студентов НГПУ https://www.nspu.ru/portfolio/

5.2 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Таблица 6

Номер и наименование (при наличии) помещения для осуществления образовательной деятельности	Перечень основного оборудования	Адрес места осуществления образовательной деятельности (местоположение согласно лицензии)
Учебная аудитория для проведения учебных занятий лекционного типа		
Ауд. №209 «Учебная аудитория лекционного типа занятий»	<p>Комплект учебной мебели,</p> <p>Компьютерное оборудование:</p> <p>Компьютер в комплекте (с выходом в сеть "Интернет" и доступом к электронной информационно-образовательной среде университета) –8 шт.</p> <p>Интерактивное оборудование:</p> <p>SMART доски – 1шт.</p>	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7
Ауд. №212 «Компьютерный класс лекционного типа занятий»	<p>Комплект учебной мебели,</p> <p>Компьютерное оборудование:</p> <p>Компьютер в комплекте (с выходом в сеть "Интернет" и доступом к электронной информационно-образовательной среде университета) –8 шт.</p> <p>Интерактивное оборудование:</p> <p>SMART доски – 1шт.</p>	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7
Учебная аудитория для проведения учебных занятий семинарского типа (практические занятия, лабораторные занятия)/ Учебная аудитория для проведения групповых и индивидуальных консультаций/ Учебная аудитория для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации		
Ауд. №106 «Учебная аудитория семинарского типа занятий»	<p>Комплект учебной мебели,</p> <p>Доска аудиторная – 1шт.</p>	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7
Ауд. №107 «Учебная аудитория семинарского типа занятий»	<p>Комплект учебной мебели,</p> <p>Доска аудиторная –1шт.</p>	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул.Молодежная, дом 7
Ауд. №102 «Учебная	Комплект учебной	632387, Новосибирская обл. г.

аудитория семинарского типа «занятий»	мебели, Доска аудиторная – 1шт. Компьютерное оборудование: Компьютер в комплекте (с выходом в сеть "Интернет" и доступом к электронной информационно-образовательной среде университета) – 7 шт.	Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7
Ауд. №103 «Учебная аудитория семинарского типа «занятий»	Комплект учебной мебели, Интерактивное оборудование: SMART доски – 1шт.	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7
Помещение для самостоятельной работы обучающихся		
Ауд. № 207 «Помещение для самостоятельной работы»	Комплект учебной мебели. Компьютерное оборудование: Компьютеры в комплекте (с выходом в сеть "Интернет" и доступом к электронной информационно-образовательной среде университета) – 8 шт., Печатное и сканирующее оборудование: принтеры - 1шт.	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7
Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования		
Ауд. № 217А «Помещение для хранения и профилактического обслуживания оборудования»	Инвентарь: Тестер компьютерный – 1 шт. Специализированный инвентарь – 1шт. Набор инструментов для оргтехники – 1 шт (28 предметов). Измерительное оборудование: Вольтметры – 1шт., Мультиметр – 1шт., Компьютерное оборудование: Компьютер в комплекте – 1шт. Печатное оборудование: – 1шт.	632387, Новосибирская обл. г. Куйбышев, ул. Молодежная, дом 7

6 ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

6.1 Оценочные материалы для проведения текущего контроля успеваемости

Таблица 7

№ п/п	Наименование темы	Код компетенции	Формы проверки
Второй семестр			
1	Тема 1. Теория множеств.	ОПК-1	1. Самостоятельная работа 2. Коллоквиум
2	Тема 2. Алгоритмы на графах.	ОПК-1	1. Самостоятельная работа 2. Коллоквиум
3	Тема 3. Математическая логика.	ОПК-1	1. Самостоятельная работа 2. Коллоквиум

6.2 Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации обучающихся

Таблица 8

Оценочные материалы для промежуточной аттестации	
Второй семестр (Экзамен)	
Код компетенции: ОПК-1	
1.	Основные операции над множествами.
2.	Алгебра множеств.
3.	Перестановки. Число перестановок.
4.	Разбиения. Число разбиений.
5.	Сочетания. Число сочетаний.
6.	Понятие графа.
7.	Реализация графа на плоскости и в пространстве.
8.	Представления графов в памяти компьютера.
9.	Алгоритм поиска в глубину.
10.	Алгоритм поиска в ширину.
11.	Выделение компонент связности в графе.
12.	Понятие об эйлеровых путях. Критерии их существования
13.	Алгоритм поиска эйлерова цикла.
14.	Остовное дерево. Поиск остовного дерева.
15.	Взвешенные графы. Постановка оптимизационных задач.
16.	Поиск минимального остовного дерева.
17.	Поиск кратчайших путей в графе.
18.	Высказывания, операции логики высказываний.
19.	Понятие формулы.
20.	Интерпретация формул в логике высказываний.
21.	Булева алгебра.
22.	Представление формул в конъюнктивной и дизъюнктивной нормальных формах.
23.	Логическое следствие. Критерии.
24.	Идея метода резолюции.
25.	Понятие терма и предиката.
26.	Построение формул в логике предикатов первого порядка.
27.	Интерпретация формул в логике предикатов первого порядка.
28.	Представление формул в предваренной нормальной форме.

Критерии выставления отметок

Отметка «отлично» / «зачтено» (высокий уровень сформированности компетенций)

(-ии)) выставляется обучающемуся, который в процессе изучения дисциплины и по результатам промежуточной аттестации:- обнаружил системные знания по всем разделам программы дисциплины / модуля / практики, продемонстрировал способность к их самостоятельному пополнению, в том числе в рамках учебно-исследовательской и научно-исследовательской деятельности;- при выполнении заданий, предусмотренных программой, успешно продемонстрировал осваиваемые в рамках дисциплины / модуля / практики профессиональные умения;- представил результаты выполнения всех заданий для самостоятельной работы полностью и качественно, на творческом уровне, выразил личностную значимость деятельности;- при устном ответе высказал самостоятельное суждение на основе исследования теоретических источников, логично и аргументированно изложил материал, связал теорию с практикой посредством иллюстрирующих примеров, свободно ответил на дополнительные вопросы;- при выполнении письменного задания представил содержательный, структурированный ,глубокий анализ сути и путей решения проблемы (задачи, задания);- при выполнении тестовых заданий дал правильные ответы на 85 – 100 % заданий.

Отметка «хорошо» / «зачтено» (средний уровень сформированности компетенций (-ии)) выставляется обучающемуся, который в процессе изучения дисциплины и по результатам промежуточной аттестации:- обнаружил знание основного материала по всем разделам программы дисциплины /модуля / практики в объёме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по профессии, продемонстрировал способность к их самостоятельному пополнению;- при выполнении заданий, предусмотренных программой, смог продемонстрировать осваиваемые профессиональные умения, но допустил непринципиальные ошибки в их выполнении, которые смог исправить при незначительной помощи преподавателя;- представил результаты выполнения всех заданий для самостоятельной работы, указанных в программе дисциплины / модуля / практики, при этом задания выполнены полностью и качественно;- при устном ответе объяснил учебный материал, интерпретировал содержание, экстраполировал выводы;- при выполнении письменного задания представил репродуктивную позицию элементы анализа в описании сути и путей решения проблемы (задачи, задания), изложил логическую последовательность вопросов темы;- при выполнении тестовых заданий дал правильные ответы на 75 – 84 % заданий.

Отметка «удовлетворительно» / «зачтено» (пороговый уровень сформированности компетенций (-ии)) выставляется обучающемуся, который в процессе изучения дисциплины и по результатам промежуточной аттестации:- обнаружил знание основного материала по всем разделам программы дисциплины /модуля / практики в объёме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по профессии, но знания имеют пробелы и плохо структурированы; - при выполнении заданий, предусмотренных программой, в целом смог продемонстрировать осваиваемые профессиональные умения, но допустил ошибки в их выполнении, которые смог исправить при незначительной помощи преподавателя;- представил результаты выполнения всех заданий для самостоятельной работы, указанных в программе дисциплины / модуля / практики, при этом задания выполнены формально, кратко, рефлексия неполная или носит формальный характер, представлено поверхностное описание.- при устном ответе продемонстрировал знание базовых положений и ключевых понятий, верно воспроизвел учебное содержание без использования дополнительного материала;- при выполнении письменного задания представил репродуктивную позицию в описании сути и путей решения проблемы (задачи, задания);- при выполнении тестовых заданий дал правильные ответы на 60 – 74 % заданий.

Отметка «неудовлетворительно» / «не зачтено» (компетенция(-ии) не сформирована(-ы)) выставляется обучающемуся, который в процессе изучения дисциплины и по результатам промежуточной аттестации:- обнаружил отсутствие знаний либо фрагментарные знания по основным разделам программы дисциплины / модуля / практики;- при выполнении заданий, предусмотренных программой, не смог продемонстрировать осваиваемые профессиональные умения (допустил принципиальные ошибки в их выполнении, которые не смог исправить при указании на них преподавателем), либо не выполнил задания;- не выполнил предусмотренные учебным планом практические, лабораторные задания;- не полностью выполнил задания для самостоятельной работы, указанных в программе дисциплины / модуля / практики, либо задания выполнены неверно, очевиден плагиат;- при устном ответе допустил фактические ошибки в использовании научной терминологии и изложении учебного содержания, сделал ложные выводы;- при выполнении тестовых заданий дал правильные ответы на 0 – 59 % заданий.